

Efrén Giraldo T.

# MATEMÁTICA BÁSICA

# INECUACIONES

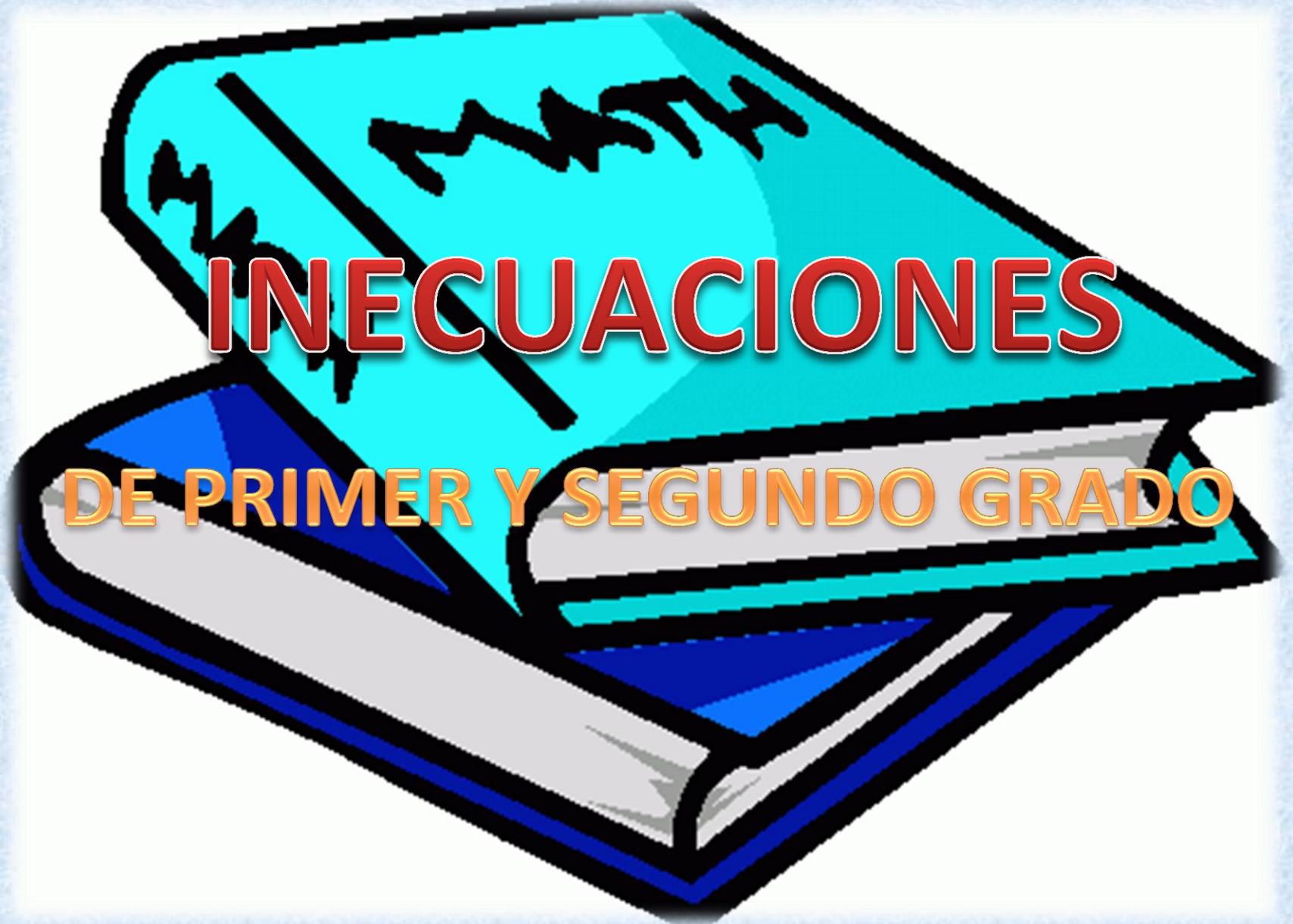
PROFESOR EFRÉN GIRALDO  
INSTITUTO TECNOLÓGICO  
METROPOLITANO

MEDELLÍN

Marzo 26 2012

**“La vanidad es yuyo malo  
que envenena toda huerta  
es preciso estar alerta  
maneja el azadón  
pues no falta aquel barón  
que la riegue hasta en tu puerta”.**

- **Atahualpa Yupanqui (en El Payador perseguido)**





# Objetivos-Competencias



Al finalizar esta clase Ud. debe:

- Dominar el trabajo con inecuaciones de primer y segundo grado.
- Manejar desigualdades con valor absoluto.

**¡Recuerde que esto es básico para las clases siguientes!**

# RECOMENDACIÓN IMPORTANTE



- Amigo estudiante:
- Este es otro peldaño más de la escalera de las matemáticas básicas. Si lo entiende y lo estudia bien, no tendrá problemas con su materia. Si no, consulte con sus compañeros, con su profesor o en las asesorías.

**¡Saque mínimo 8 horas semanales  
fuera de clase para estudiar matemáticas.  
No valen disculpas!.**

**¡No deje para mañana lo que tiene que hacer hoy!**



Efrén Giraldo T.

## LAS DESIGUALDADES IMPLICAN LOS OPERADORES

$>$ ,  $\geq$ ,  $<$ ,  $\leq$

Efrén Giraldo T.



# Significado de los operadores

Efrén Giraldo T.

- $>$  mayor que
- $\geq$ , mayor o igual que

Efrén Giraldo T.

- $<$  menor que
- $\leq$  menor o igual que

Efrén Giraldo T.

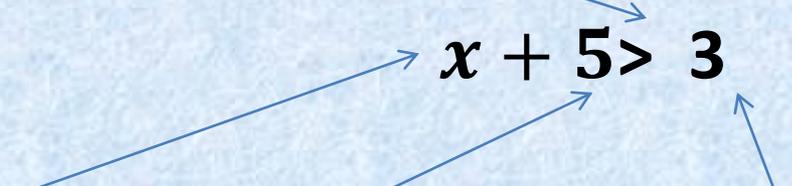
$$4x + 7 \leq 19$$



Efrén Giraldo T.

- En forma parecida a la ecuación, presenta uno o más términos al lado izquierdo y derecho pero en vez de estar separados por el igual =, están separados por  $>$ ,  $\geq$ ,  $<$ ,  $\leq$  que se denominan **operadores para las desigualdades o inecuaciones**

Efrén Giraldo T.

-  $x + 5 > 3$
- **Término 1**      **Término 2**      **Término 3**

Efrén Giraldo T.

Efrén Giraldo T.

- Las desigualdades cumplen las mismas reglas que la igualdad en cuanto traslado de término a uno u otro de la igualdad excepto: Efrén Giraldo T.
- 1) Que si multiplica o divide ambos lados por -1 el operador cambia de sentido
- 2) Lo mismo pasa con los recíprocos

Efrén Giraldo T.

## Regla

$$1. A \leq B \Leftrightarrow A + C \leq B + C$$

$$2. A \leq B \Leftrightarrow A - C \leq B - C$$

$$3. \text{ Si } C > 0, \text{ entonces } A \leq B \Leftrightarrow CA \leq CB$$

$$4. \text{ Si } C < 0, \text{ entonces } A \leq B \Leftrightarrow CA \geq CB$$

$$5. \text{ Si } A > 0 \text{ y } B > 0,$$

$$\text{entonces } A \leq B \Leftrightarrow \frac{1}{A} \geq \frac{1}{B}$$

$$6. \text{ Si } A \leq B \text{ y } C \leq D,$$

$$\text{entonces } A + C \leq B + D$$

## Descripción

**Sumar** la misma cantidad a cada miembro de una desigualdad da una desigualdad equivalente.

**Restar** la misma cantidad de ambos miembros de una desigualdad da una desigualdad equivalente.

**Multiplicar** cada miembro de una desigualdad por la misma cantidad *positiva* da una desigualdad equivalente.

**Multiplicar** ambos miembros de una desigualdad por la misma cantidad *negativa* *invierte la dirección* de la desigualdad.

**Efrén Giraldo T.**

**Obtener los recíprocos** de ambos miembros de una desigualdad que contiene cantidades *positivas* *invierte la dirección* de la desigualdad.

Las desigualdades se pueden sumar.

**Efrén Giraldo T.**

**Efrén Giraldo T.**

- Resolver una desigualdad es hallar todos los valores que satisfacen la desigualdad.
- La solución de una desigualdad es un intervalo de valores, por tanto tiene infinitas soluciones.

**Efrén Giraldo T.**

# Ecuación: algunas soluciones o valores que la satisfacen.

Efrén Giraldo T.

# Desigualdad: infinitas soluciones por ser su solución un intervalo.

	Solución	Gráfica
Ecuación: $4x + 7 = 19$	$x = 3$	
Desigualdad: $4x + 7 \leq 19$	$x \leq 3$	

(Stewart, 2007)

# Desigualdades lineales

Efrén Giraldo T.

- Si la variable está al exponente 1

$$2x + 3 > 5$$

Efrén Giraldo T.

# Resolución desigualdad lineal

- 1. Agrupar las  $x$  en lado izquierdo
- 2. Agrupar términos independientes al lado derecho. Efrén Giraldo T.
- 3. Resolver para  $x$  según normas anteriores
- 4. Si la  $x$  está con signo  $-$  multiplicar por  $(-1)$  ambos lados e invertir operador.

No olvides que cada vez que multiplicamos por  $-1$  a los términos de una desigualdad, cambia de sentido.

Recuerda que cuando multipliques o dividas a los dos miembros de una desigualdad por un **NÚMERO NEGATIVO**, *cambia el sentido de la desigualdad.*

Efrén Giraldo T.

## Resolución de una desigualdad lineal

Resuelva la desigualdad  $3x < 9x + 4$  y grafique el conjunto solución.

**Solución**

Efrén Giraldo T.

$$3x < 9x + 4$$

$$- 9x + 3x < 4$$

*Sustracción de  $9x$*

$$-6x < 4$$

*Simplificación*

$$\left(-\frac{1}{6}\right)(-6x) > \left(-\frac{1}{6}\right)(4)$$

*Multiplicación por  $-\frac{1}{6}$  (o división entre  $-6$ )*

Por tanto tengo que invertir el operador

$$x > -\frac{2}{3}$$

*Simplificación*

El conjunto solución consta de todos los números mayores que  $-\frac{2}{3}$ . En otras palabras, la solución de la desigualdad es el intervalo  $(-\frac{2}{3}, \infty)$ . La gráfica se ilustra en la figura 1.

Efrén Giraldo T.



(Stewart, 2007)

EJEMPLO A: Resolver  $4x + 8 \leq -3x - 5$

$4x + 3x \leq -5 - 8$  Se reúnen las variables

$7x \leq -13$  Se simplifica

$x \leq -\frac{13}{7}$  Se divide entre 7

- El conjunto solución lo escribimos así:
- $S = (-\infty, -13/7]$

<http://www.amschool.edu.sv/Paes/c4.htm>

EJEMPLO C: Resolver	$3 - \frac{2x}{3} < \frac{1}{2} + \frac{3x}{4}$	
	$36 - 8x < 6 + 9x$	Se multiplica por 12 (el MCD)
	$-8x - 9x < 6 - 36$	Se reúnen las variables
	$-17x < -30$	Se simplifica
	$x > \frac{30}{17}$	Se divide entre -17

El conjunto solución lo escribimos así:  $S = (30/17, \infty )$

<http://www.amschool.edu.sv/Paes/c4.htm>

EJEMPLO B: Resolver  $-2x - 6 > 6x - 9$

$-2x - 6x > -9 + 6$	Se reunen las variables
$-8x > -3$	Se simplifica
$x < \frac{3}{8}$	Se divide entre -8

El conjunto solución lo escribimos así:  $S = (-\infty, 3/8)$

<http://www.amschool.edu.sv/Paes/c4.htm>

# Desigualdad simultanea: Doble operador

- Una desigualdad simultanea es en la que aparece doble operador:
- **$4 \leq 3x - 2 < 13$**
- **Por tanto tiene dos extremos: uno inferior (4) y otro superior (13)**

# Resolución de una Desigualdad simultanea:

## Resolver $4 \leq 3x - 2 < 13$

- Si no tiene términos en  $x$  en los extremos, se resuelven en forma parecida a <sup>Efrén Giraldo T.</sup> como se resolvieron las desigualdades sencillas, teniendo en cuenta que lo que se pase a un lado se debe también pasar al otro lado.
- Se trata de dejar la  $x$  sola en el centro y los términos independientes en los extremos

$$4 \leq 3x - 2 < 13$$

 $\longrightarrow$ 

$$2 + 4 \leq 3x < 13 + 2$$

 $\longrightarrow$ 

$$6 \leq 3x < 15$$

 $\longrightarrow$ 

$$\frac{6}{3} \leq x < \frac{15}{3}$$

Efrén Giraldo T.

$$2 \leq x < 5$$


 $[2,5)$

También una desigualdad simultanea se puede tratar como dos desigualdades sencillas

- Una desigualdad simultanea se puede considerar como la intersección de dos desigualdades sencillas.

Efrén Giraldo T.

- En este caso se puede resolver por separado cada desigualdad o intervalo y al final se hace la intersección de las dos desigualdades.

Efrén Giraldo T.

$a < x < b$  es la intersección de las desigualdades

$$a < x \quad \text{y} \quad x < b$$

**Ejemplo:** Resolver:  $2x - 3 < 6 - 3x \leq x + 4$

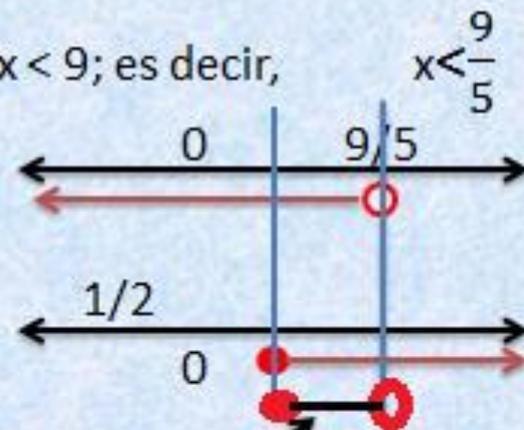
Efrén Giraldo T.

De la primera desigualdad:  $2x - 3 < 6 - 3x$  se obtiene  $5x < 9$ ; es decir,  $x < \frac{9}{5}$

De la segunda:  $6 - 3x \leq x + 4$ , se llega a  $\frac{1}{2} \leq x$  que es

$$x \geq \frac{1}{2}$$

Efrén Giraldo T.



La solución es el conjunto de los números reales  $x$  que satisfacen **simultáneamente** a  $x < \frac{9}{5}$  y  $\frac{1}{2} \leq x$  o sea la intersección de esos dos intervalos.

Es decir, los reales  $x$  tales que  $\frac{1}{2} \leq x < \frac{9}{5}$   $\left[ \frac{1}{2}, \frac{9}{5} \right)$

Efrén Giraldo T.

[http://docencia.udea.edu.co/ingenieria/calculo/pdf/1\\_1\\_13.pdf](http://docencia.udea.edu.co/ingenieria/calculo/pdf/1_1_13.pdf)

# Precaución

- Con estas desigualdades se debe tener cuidado en el caso especial (como el anterior) cuando hay términos de **x en ambos extremos** pues si se fuera a resolver simultáneamente habría que pasar la x del extremo derecho tanto al centro como a la izquierda y como se requiere la x sola en el centro no se podría porque tendría que volverla pasarla también a la derecha y por tanto no hay forma de dejarla sola en el en el centro.

Lo mejor es descomponerla en 2 igualdades equivalentes y trabajarlas independientemente , hallar los intervalos y al final hacer la intersección de estos.

- Por eso es que en los textos de matemáticas este tipo de desigualdades no se trabajan en forma simultanea sino por medio de las 2 desigualdades sencillas equivalentes.

- Página interesante sobre desigualdades con ejercicios:
- [http://www.mrperezonlinemathtutor.com/private2/ALGSP\\_PDF\\_FILES/S1\\_4\\_Inequalities\\_incl\\_abs\\_val.pdf](http://www.mrperezonlinemathtutor.com/private2/ALGSP_PDF_FILES/S1_4_Inequalities_incl_abs_val.pdf)

# Página de Baldor muy buena

- <http://algebrabaldor.webcindario.com/>
- <http://algebrabaldor.webcindario.com/id202.htm>
- En la página 164 y 165 en el link anterior hay explicaciones y ejercicios muy buenos sobre inecuaciones.

# Desigualdades no lineales

Efrén Giraldo T.

- Si la variable aparece con un exponente diferente de 1

Efrén Giraldo T.

$$x^2 - 5 \geq 1$$

# Resolución por el método de «Las cruces» o llamado también «Cementerio»

1. En este método **el lado derecho se debe dejar siempre 0**. Si no es 0 se debe pasar el termino derecho a la izquierda.

# Precaución

- 2. Si existe un término o conjunto de términos algebraicos en el denominador no se puede pasar a multiplicar al otro lado de 0. Se debe buscar su signo en conjunto con los otros factores que estén en el numerador.
- Es muy posible que si se pasa un término algebraico a multiplicar se altere el resultado porque se anula al multiplicar por 0

# Método

1. Factorizar
2. Nos olvidamos por ahora del operador  $\leq$  o  $\geq$  y trabajamos con la **igualdad** equivalente
3. Hallamos las soluciones o raíces de cada factor y a ese valor lo llamo VR. Valor de referencia.

4. Tomo un valor mayor que el VR y lo remplazo en el la igualdad equivalente que estoy trabajando **y observo que signo da.**

5. Eso significa que cualquier otro número mayor que VR dará positivo o negativo también.

6. Grafico el signo en la recta numérica de la igualdad equivalente según lo anterior.

7. Hago lo mismo para los otros factores.
8. Hallo el signo del producto de todos los factores.
- 8.....Mejor vamos a un ejemplo concreto

# Una desigualdad cuadrática

$$x^2 - 5x + 6 \leq 0$$

1. Lado derecho es 0.

Factorizar

- $(x-2)(x-3) \leq 0$  (a)

Efrén Giraldo T.

- El  $\leq 0$  indica que en la solución final solo se permiten valores negativos (menores que 0) y los intervalos serán cerrados por lo de mayor o igual.

Efrén Giraldo T.

(Stewart, 2007)

2. Nos olvidamos por ahora del operador  $\leq$  y trabajamos con la igualdad equivalente

$$(x-2)(x-3)=0$$

3. Hallamos las soluciones o raíces de  $(x-2)=0$  así:

$(x-2)=0$  (2)  $\longrightarrow$  **X= 2 a este valor lo llamo valor de Referencia VR**

- 4. Tomo un valor mayor que el VR o sea mayor que 2 por ejemplo 3 para la x, y los reemplazo en la ecuación correspondiente, y miro que signo da

Efrén Giraldo T.

$$\text{así: } (x-2)=0 \quad (3-2)=1 \quad (\text{es positivo}) \quad +$$

Efrén Giraldo T.

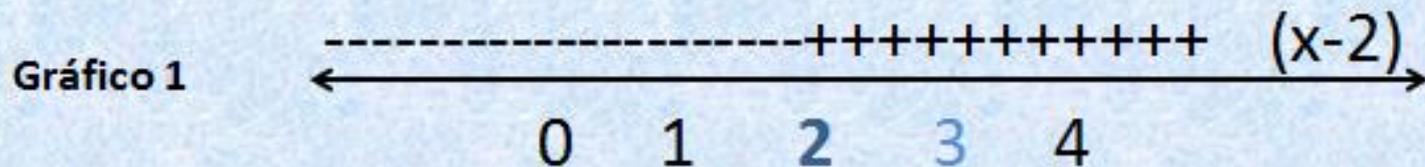
5. Observo que en este caso da 1, que es un valor positivo, eso significa que cualquier otro número mayor que 2 dará positivo también. Pruebe otro.

6. Por tanto el signo de  $(x-2)$  es + para valores mayores que el valor de referencia 2.

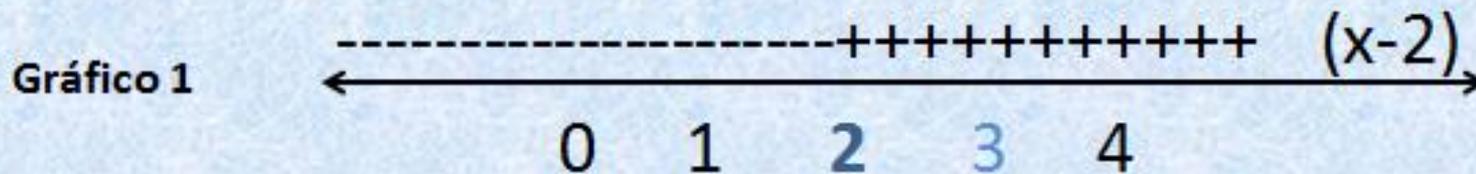
Efrén Giraldo T.

(Si remplazara valores menores de 2 daría negativo en el otro lado)

(Pruebe valores negativos.)

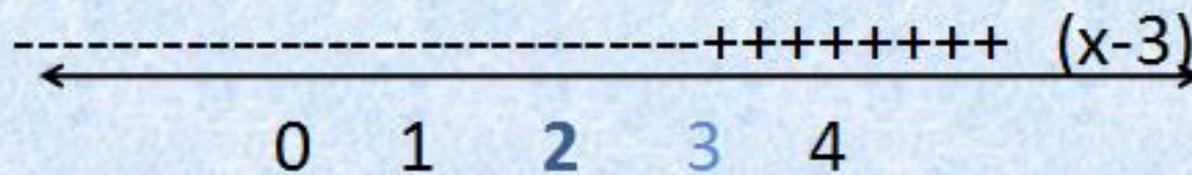


- 7. Hago lo mismo con  $(x-3)=0$   $x=3$   $VR=3$ , tomo  $4 > 3$   
Efrén Giraldo T.
- $4-3=1$  es + para cualquier valor  $>3$ . Grafico el signo de  $(x-3)$  debajo del gráfico 1.



**Gráfico 2**

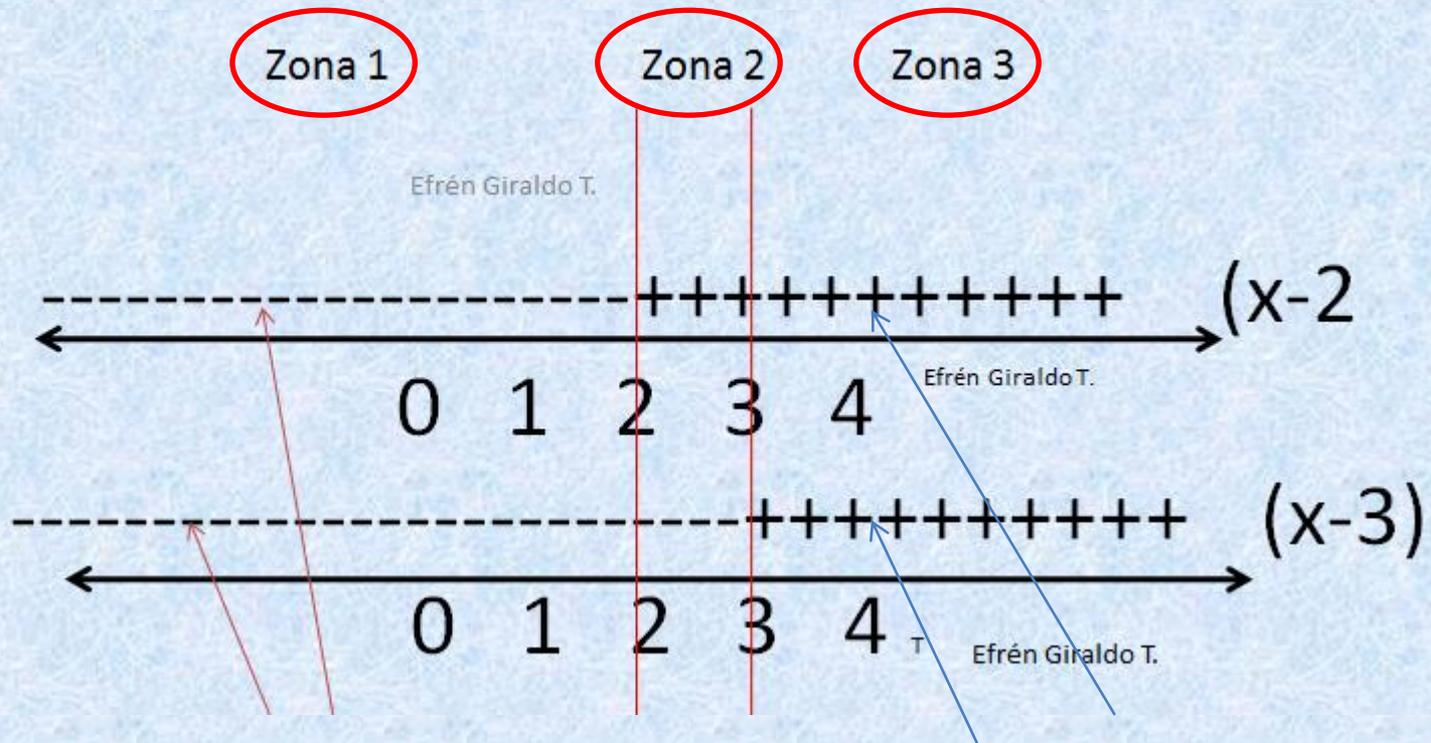
Efrén Giraldo T.



Efrén Giraldo T.

8. Ahora hallo el signo( gráficamente) de  $(x-2)(x-3)$  así:

Dibujo otra línea numérica y observo las zonas donde el signo permanece igual y las zonas donde <sup>Efrén Giraldo T.</sup> hay cambio de signo en el gráfico # 1 con respecto al # 2



- En este caso ocurre en **2** y en **3** y por ahí trazo unas líneas verticales, como se puede apreciar en la diapositiva.

- Ahora observo que quedaron tres zonas bien definidas.

Efrén Giraldo T.

- En la primera zona ambos gráficos son negativos
- En la segunda zona uno es + y el otro –
- En la tercera zona ambos gráficos son positivos

Efrén Giraldo T

Efrén Giraldo T.

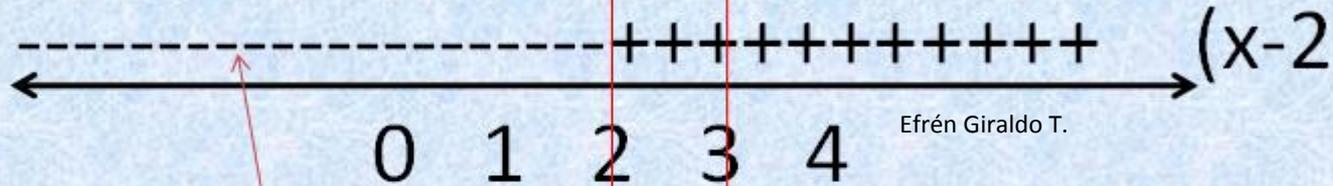
- Por tanto el signo de  $(x-2)(x-3)$  es igual al resultado de multiplicar ambos signos en las tres zonas, como se puede ver en el gráfico 3 siguiente:

Zona 1

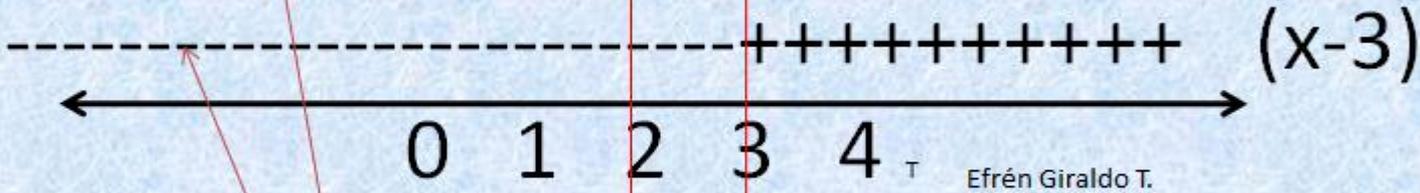
Zona 2

Zona 3

Efrén Giraldo T.



Efrén Giraldo T.



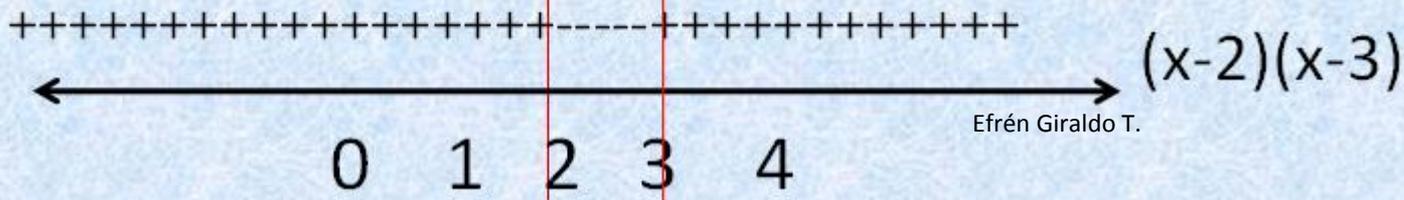
Efrén Giraldo T.

Resultado de multiplicar  $(-)(-)$

$(+)(-)$

$(+)(+)$

Gráfico 3



Efrén Giraldo T.

Efrén Giraldo T.

- Como se dijo en la diapositiva 24 en la desigualdad original está el operador  $\leq$

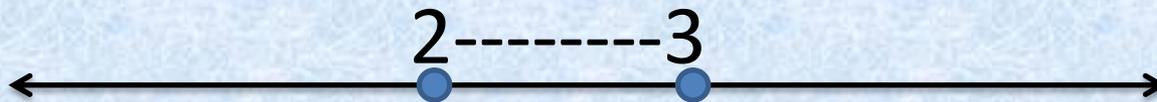
Efrén Giraldo T.

$$(x - 2)(x - 3) \leq 0$$

- Por tanto el signo que sirve en el gráfico 3 es el negativo o sea el de la zona 2 y como está el igual también incluye los extremos
- O sea  $[2,3]$

Efrén Giraldo T.

Efrén Giraldo T.



**[2,3]**

Efrén Giraldo T.

- $[x / 2 \leq x \leq 3$  estos son los únicos valores que satisfacen la desigualdad  $x^2 - 5x + 6 \leq 0$ .
- Si se toma cualquiera de estos valores cumple la desigualdad

$$x^2 - 5x + 6 \leq 0$$

- Tomemos por ejemplo  $x=2.5$
- $(2.5)^2 - 5(2.5) + 6 \leq 0$
- $6.25 - 12.5 + 6$  es menor que 0

# Desigualdades con denominador algebraico

Acá se aplica la nota que vimos antes de que si existe un término o conjunto de términos algebraicos en el denominador es mejor no pasarlos a multiplicar al otro lado para obtener su signo. Se debe buscar su signo en conjunto con los otros factores que estén en el numerador.

Efrén Giraldo T.

**En estas desigualdades se debe tener especial cuidado con los valores de  $x$  que hacen cero al denominador**, porque es bien sabido que la división por 0 no está permitida. En ejemplo que sigue si  $x=1$ , el denominador se hace 0, o sea en  $1-x$ ,  $1-1=0$ . El valor 1 no se permite en el resultado final así aparezca en los intervalos finales.

Efrén Giraldo T.

## Una desigualdad que contiene un cociente

Resuelva:  $\frac{1+x}{1-x} \geq 1$

**Solución** Primero pasamos todos los términos no cero al lado izquierdo, y luego simplificamos usando un denominador común.

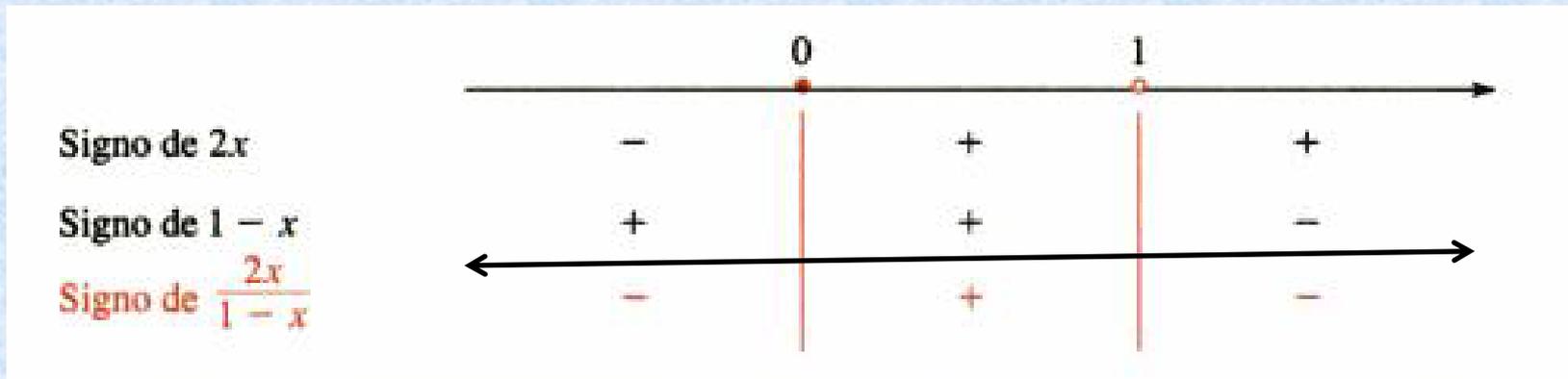
$$\begin{aligned} & \frac{1+x}{1-x} \geq 1 && \text{Efrén Giraldo T.} \\ & \frac{1+x}{1-x} - 1 \geq 0 && \text{Efrén Giraldo T.} \\ & \frac{1+x}{1-x} - \frac{1-x}{1-x} \geq 0 && \text{Denominador común } 1-x \\ & \frac{1+x-1+x}{1-x} \geq 0 && \text{Combinación de las fracciones} \\ & \frac{2x}{1-x} \geq 0 && \text{Simplificación} \end{aligned}$$

Y aquí se aplica el método de cruces con los factores  $2x$  y  $1-x$  .....

(Stewart, 2007)

Efrén Giraldo T.

Elaboró Efrén Giraldo T.



A partir del diagrama vemos que la solución es  $\{x \mid 0 \leq x < 1\} = [0, 1)$ . Está incluido el extremo 0 porque la desigualdad original requiere que el cociente sea mayor que o *igual a* 1. No obstante, no incluimos el otro extremo porque el cociente de la desigualdad no está definido en 1. **Compruebe siempre los extremos de los intervalos de solución para determinar si cumplen la desigualdad original.**

El conjunto solución  $[0, 1)$  se ilustra en la figura 6. ■



(Stewart, 2007)

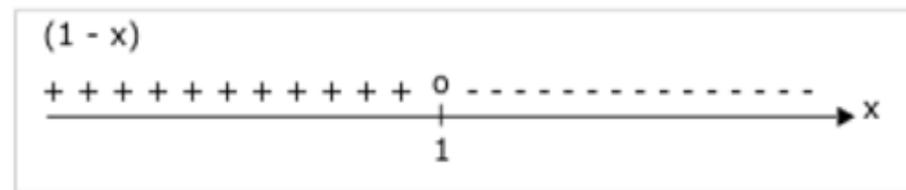
**Ejemplo:** Resuélvase la desigualdad  $\frac{1-x^2}{2-x} \leq 0$

Esta es una expresión racional, en la cual es posible factorizar el numerador; se obtiene así:

$$\frac{(1-x)(1+x)}{2-x} \leq 0$$

Los dos factores del numerador y el denominador definen el signo de la expresión racional.

Un procedimiento usual consiste en determinar claramente los signos de cada factor según los valores que tome la variable  $x$  en  $\mathbb{R}$



Este esquema se interpreta así:

El factor  $(1-x)$  se anula en el punto  $x = 1$ ; es positivo para los valores de  $x$  menores que 1 (a la izquierda de 1; es negativo para los valores de  $x$  mayores que 1).

- Terminar.....

- **DESIGUALDADES CON VALOR ABSOLUTO**

# Desigualdades con valores absolutos

Propiedades de desigualdades con valores absolutos		
Desigualdad	Forma equivalente	Gráfica
1. $ x  < c$	$-c < x < c$	<p>Efrén Giraldo T.</p>
2. $ x  \leq c$	$-c \leq x \leq c$	<p>Escriba aquí la ecuación.</p>
3. $ x  > c$	$x > c$ ó $x < -c$	
4. $ x  \geq c$	$x \geq c$ ó $x \leq -c$	

(Stewart, 2007)

- (Si  $c > 0$  ó sea +)
- $|x| \leq c$ , implica que  $-c \leq x \leq c$

Efrén Giraldo T.

Lo que significa que todo lo que hay dentro de las barras se puede sacar como un intervalo con sus extremos que van de  $-c$  hasta  $+c$  ( será cerrado o abierto si tiene o no el = )

Efrén Giraldo T.

Así:  $|x - 4| \leq 5$  es equivalente a:

todo lo que hay dentro de las barras

$$-5 \leq x-4 \leq 5$$

Esto vale sólo para  $|x| \leq$  ó  $|x| <$ , porque para el operador  $>$  ó  $\geq$  el caso es distinto.

## Resolución de una desigualdad que contiene valor absoluto

Efrén Giraldo T.

Resuelva la desigualdad  $|x - 5| < 2$ .

**Solución 1** La desigualdad  $|x - 5| < 2$  equivale a

Efrén Giraldo T.

$$-2 < x - 5 < 2 \quad \text{Propiedad 1}$$

$$3 < x < 7 \quad \text{Suma de 5}$$

El conjunto solución es el intervalo abierto  $(3, 7)$ .



$(3, 7)$

- (Si  $c > 0$  ó sea +)

•  $|x| \geq c$ , implica que

$$x \geq c \quad \text{ó} \quad x \leq -c$$

Lo que significa que todo lo que hay dentro de las barras se puede sacar como dos intervalos **unidos (U)**.

Uno  $x \geq c$  y el otro  $x \leq -c$        $x \geq c \cup x \leq -c$

Así:  $|x - 4| \leq 5$  es equivalente a:

$$x-4 \leq 5 \quad \cup \quad x-4 \leq -5$$

Resuelva la desigualdad  $|3x + 2| \geq 4$ . Efrén Giraldo T.

**Solución** De acuerdo con la propiedad 4 la desigualdad  $|3x + 2| \geq 4$  equivale a

$$\begin{array}{lcl} 3x + 2 \geq 4 & \text{o bien} & 3x + 2 \leq -4 \\ 3x \geq 2 & \mathbf{U} & 3x \leq -6 \quad \text{Resta de 2} \\ x \geq \frac{2}{3} & \mathbf{U} & x \leq -2 \quad \text{División entre 3} \end{array}$$

De modo que el conjunto solución es

$$\{x \mid x \leq -2 \quad \text{o bien} \quad x \geq \frac{2}{3}\} = (-\infty, -2] \cup [\frac{2}{3}, \infty)$$

Efrén Giraldo T.

Efrén Giraldo T.



(Stewart, 2007)

**12.23** Calcula todos los valores enteros de  $x$  que satisface el siguiente sistema de desigualdades:

$$\frac{9}{11} > \frac{x-1}{x+1} > \frac{1}{3} \quad ?$$

$$\frac{9}{11} > \frac{x-1}{x+1} > \frac{1}{3}$$

Tomamos los dos primeros términos:

$$\frac{9}{11} > \frac{x-1}{x+1} \quad 9x+9 > 11x-11 \quad -2x > -20 \quad x < 10$$

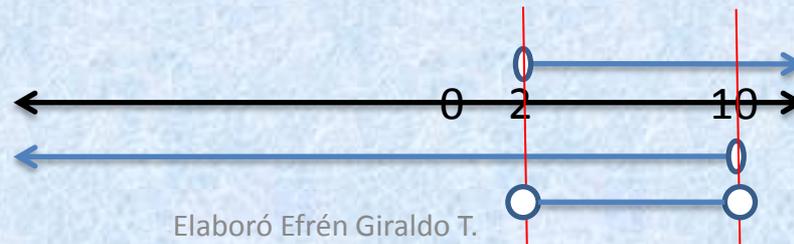
Efrén Giraldo T.

Tomamos los dos últimos términos:

$$\frac{x-1}{x+1} > \frac{1}{3} \quad 3x-3 > x+1 \quad 2x > 4 \quad x > 2$$

Efrén Giraldo T.

**Respuesta: 3, 4, 5, 6, 7, 8 y 9**



Elaboró Efrén Giraldo T.

**Ejemplo:** Resuélvase  $\left| \frac{2-5x}{3} \right| \geq 5$   
Efrén Giraldo T.

### Solución

La desigualdad es equivalente a:

$$\frac{2-5x}{3} \geq 5 \vee \frac{2-5x}{3} \leq -5$$

Ahora la solución de la desigualdad original es la **unión** de los conjuntos solución de

$$\frac{2-5x}{3} \geq 5 \quad \text{y} \quad \frac{2-5x}{3} \leq -5$$

La solución de la primera es:

Efrén Giraldo T.

$$x \leq -\frac{13}{5}$$

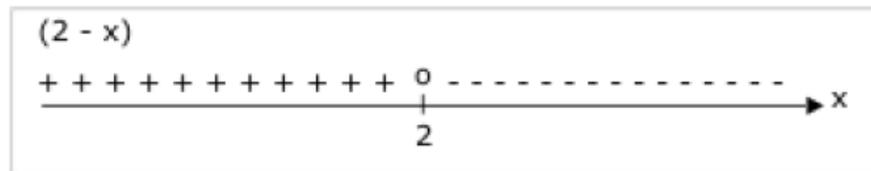
La de la segunda es:

$$x \geq \frac{17}{5}$$

La solución de la desigualdad dada es

Efrén Giraldo T.

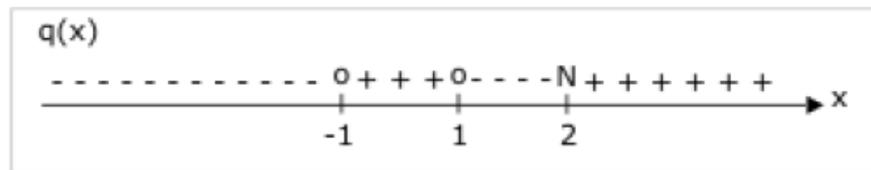
$$\left( -\infty, -\frac{13}{5} \right] \cup \left[ \frac{17}{5}, +\infty \right)$$



El factor  $(2 - x)$  es positivo para los valores de  $x$  a la izquierda de  $2$ ; es negativo para los valores de  $x$  a la derecha de  $2$ , y se anula en  $x = 2$ .

Efrén Giraldo T.

Teniendo en cuenta el comportamiento de los signos de los tres factores, puede escribirse:



Este esquema se analiza así:

A la izquierda de  $-1$ ,  $q(x) < 0$ , ya que en esa región, dos factores  $(1 - x)$  y  $(2 - x)$  son positivos y el otro,  $(1 + x)$  es negativo. Efrén Giraldo T.

Entre  $-1$  y  $1$ ,  $q(x) > 0$ , debido a que los tres factores son positivos.

En  $x = -1$  y en  $x = 1$ ,  $q(x) = 0$ .  
Efrén Giraldo T.

En  $x = 2$ ,  $q(x)$  no está definida.

En  $x = 2$ ,  $q(x)$  no está definida.

En consecuencia, el conjunto solución de la desigualdad  $q(x) \leq 0$  es:  
 $S_1 = (-\infty, -1] \cup [1, 2)$ . Efrén Giraldo T.

Si la desigualdad propuesta fuere  $q(x) > 0$ , el procedimiento usado, llamado “procedimiento de las rectas de signos”, se repetiría, pero ahora el conjunto solución sería:  
Efrén Giraldo T.

$$S_2 = (-1, 1) \cup (2, +\infty).$$

Nótese que  $S_1$  y  $S_2$  son disyuntos. Por qué?

# ¡URGENTE!

# URGENT!

- ❑ LUEGO DE ESTA CLASE UD. AMIGO ESTUDIANTE, **TIENE QUE DOMINAR** TODOS LOS CONCEPTOS PROFUNDAMENTE DE LAS CLASES ANTERIORES. DE LO CONTRARIO VUELVA REPASE, ESTUDIE, CONSULTE, REÚNASE, INVESTIGUE. HAGA ALGO.
- ❑ **SI NO LO HACE TIENE PROBLEMAS EN SU MATERIA Y ESTÁ DANDO OTRO PASO PARA PERDERLA Y POSIBLEMENTE PERDER TAMBIÉN SU CARRERA Y HASTA ARRUINAR SU VIDA.**



# TRABAJO EN CASA



- **Resuelva ejercicios de la sección 1.7 de Stewart. Página 84**

**Volver hacer los ejercicios hechos en clase y los resueltos de Stewart.**

- **Lectura previa de la clase SIGUIENTE**



# Taller

**Es indispensable que estudie la teoría y haga ejercicios por fuera de clase si quiere aprender y ganar la materia.**



- Qué sigue? Depende de Ud. Ya vio como le ha ido en los exámenes.



**Rectifique si no estudió, y si lo hizo y falló, mire en qué.  
Resuelva sus dudas y falencias.**

# Bibliografía

- <http://www.amschool.edu.sv/Paes/c4.htm>
- <http://www.aulafacil.com/matematicas-inecuaciones/curso/Lecc-3.htm>
- [http://docencia.udea.edu.co/ingenieria/calculo/pdf/1\\_1\\_13.pdf](http://docencia.udea.edu.co/ingenieria/calculo/pdf/1_1_13.pdf)
- [http://www.mrperezonlinemathtutor.com/private2/ALGSP\\_PDF\\_FILES/S1\\_4\\_Inequalities\\_incl\\_abs\\_val.pdf](http://www.mrperezonlinemathtutor.com/private2/ALGSP_PDF_FILES/S1_4_Inequalities_incl_abs_val.pdf)
- <http://algebrabaldor.webcindario.com/>
- (Stewart, 2007)